Computational Models of Events Lecture 3: Sub-atomic and Dynamic Models of Events

> James Pustejovsky Brandeis University

ESSLLI 2018 Summer School Sofia, Bulgaria August 6-10, 2018



Pustejovsky - Brandeis Computational Event Models

- Kowalski and Sergot (1986): Event Calculus
- Fernando: Segmented Event Logic
- Moens and Steedman (1988), Pustejovsky (1991)
- Pustejovsky and Moszkowicz (2011): Dynamic Interval Temporal Logic
- Naumann (1999): Dynamic Event Semantics

◆□▶ ◆□▶ ◆臣▶ ◆臣▶ 臣 のへで

- what distinguishes this approach to semantics: comparison with standard model theoretic semantics
- cognitive semantics as usually conceived
- psycholinguistic approaches to semantics
- event calculus: a fusion between these approaches

◆□▶ ◆□▶ ◆三▶ ◆三▶ ○三 - のへへ

"I distinguish two topics: first, the description of possible languages or grammars as abstract semantic systems whereby symbols are associated with aspects of the world; and second, the description of the psychological and sociological facts whereby a particular one of these abstract semantic systems is the one used by a person or a population. Only confusion comes of mixing these two topics. ... Semantics without truth conditions is not semantics." (David Lewis)

◆□▶ ◆□▶ ◆三▶ ◆三▶ ○三 - のへへ

- necessary and sufficient truth conditions (Lewis), possible worlds semantics (Montague, Dowty, ...),
- semantic representations are sets in classical models
   (D; R,...; f,...; a,...), or possible world structures, i.e. families of such models related by an accessibility relation
- models often viewed as 'general metaphysics', general description of how the world is
- 'sense relations' modelled by entailment: deeper analysis of lexicography
- hence uses logical techniques
- example: (branching) tense logic for modelling the future tense

◆□▶ ◆□▶ ◆三▶ ◆三▶ 三三 - のへで、

# Tense logic

- modal logic with operators P ('in the past'), F ('in the future'), H = ¬P¬ ('always in the past'), G = ¬F¬ ('always in the future')
- interpreted on *tense structure* (*T*, <, *V*), where < is at least antisymmetric and transitive, and each proposition letter *q* is interpreted as subset *V*(*q*) of *T*
- for  $t \in T$ ,  $(T, <, V) \models Pq[t]$  iff  $\exists s < t(s \in V(q))$  and  $(T, <, V) \models Fq[t]$  iff  $\exists s > t(s \in V(q))$
- axioms e.g.  $q \rightarrow GPq$ ,  $q \rightarrow HFq$  (minimal tense logic);  $PPq \rightarrow Pq$
- unicity of the past:  $Pq \rightarrow H(Pq \lor q \lor Fq)$  still allows branching future
- tries to explain tenses purely temporally-but we have seen that richer structure is involved

"Conceptual Semantics ... is concerned most directly with the form of the internal mental representations that constitute conceptual structure and with the formal relations between this level and other levels of representation. ... Conceptual Semantics is thus a prerequisite to [truth conditional] semantics: the first thing one must know about an English sentence is its translation into conceptual structure. Its truth conditions should then follow from its conceptual structure plus rules of inference, which are stated as well in terms of conceptual structure." (Ray Jackendoff)

イロト イタト イヨト イヨト 二日

## Characteristic features

- semantic representations are *mental* entities what is their 'most general' theory?
- criticism of traditional formal approaches to semantics
  - takes dim view of set theoretic models and truth conditions
  - prototypes
  - role of analogy/metaphor ...
- tries to anchor semantics in 'conceptual structure'
- 'componential analysis in terms of supposed primitives of conceptual structure/language of the mind: EVENT, PATH, STATE, GOAL, CAUSE ...
  - a. [S[NP John][VP ran [PP into [NP the room]]]]
  - b. [*Event* GO ([*Thing* JOHN],[*Path* TO ([*Place* IN ([*Thing* ROOM])])])]
- but why do cognitive linguists reject formal/logical methods?

◆□▶ ◆□▶ ◆臣▶ ◆臣▶ 臣 のへで

## Psychologists' views on semantics

- emphasis on *algorithms*-e.g. 'sets of possible worlds' irrelevant because non-computable
- e.g. meaning of an expression is *algorithm* which tests whether object falls under the expression (Miller and Johnson-Laird, *Language and Perception*)
- psychologists' aim is to understand issues like language comprehension and production, in quantitative terms (e.g reaction times, error rates)
- psychologists are very fond of network architectures such as spreading activation nets
- compare Marr's three levels of inquiry/division of labour
  - information processing task
  - algorithm
  - neural implementation

◆□▶ ◆□▶ ◆三▶ ◆三▶ ○三 - のへへ

- human processing of temporal notions is in terms of goals/plans/actions
- this also requires a theory of causality and change, which comes in two forms
  - instantaneous change
  - continuous change

- actions and events: *e*, ... ('break')
- time-varying properties or *fluents*: *f*, ... ('being broken'), possibly with parameters
- individuals ('John')
- instants of time, interpreted as real numbers
- various other real quantities (e.g. position, velocity)
- a goal is a desired state of affairs
- a *plan* is a sequence of actions which achieves some goal

◆□▶ ◆□▶ ◆三▶ ◆三▶ ● ○ ○ ○

## Event calculus: primitive predicates ...

- predicates such as < over the reals
- instantaneous change
  - 1. Initially(f)
  - 2. Happens(e, t)
  - 3. Initiates(e, f, t)
  - 4. Terminates(e, f, t)
  - 5. Clipped(s, f, t)
  - 6. HoldsAt(f, t)
- continuous change
  - 1. Releases(e, f, t)
  - 2. Trajectory  $(f_1, t, f_2(x), d)$

回 ト イヨト イヨト

æ

Axiom' Initially(f)  $\land \neg Clipped(0, f, t) \rightarrow HoldsAt(f, t)$ Axiom' Happens(e, t)  $\land$  Initiates(e, f, t)  $\land t < t' \land \neg Clipped(t, f, t')$   $\rightarrow HoldsAt(f, t')$ Axiom'

 $\textit{Happens}(e, s) \land t < s < t^{'} \land \textit{Terminates}(e, f, s) \rightarrow \textit{Clipped}(t, f, t^{'})$ 

◆□▶ ◆□▶ ◆三▶ ◆三▶ ● ○ ○ ○

Axiom Initially $(f) \rightarrow HoldsAt(f,0)$ 

Axiom

 $\begin{aligned} & \textit{HoldsAt}(f,r) \land r < t \land \neg \exists s < r\textit{HoldsAt}(f,s) \land \neg\textit{Clipped}(r,f,t) \rightarrow \\ & \textit{HoldsAt}(f,t) \end{aligned}$ 

#### Axiom

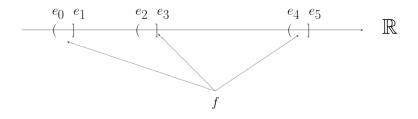
 $\begin{array}{l} \textit{Happens}(e,t) \land \textit{Initiates}(e,f,t) \land t < t^{'} \land \neg\textit{Clipped}(t,f,t^{'}) \\ \rightarrow \textit{HoldsAt}(f,t^{'}) \end{array}$ 

#### Axiom

 $\begin{array}{l} \textit{Happens}(e,t) \land \textit{Initiates}(e,f_1,t) \land t < t^{'} \land t^{'} = \\ t + d \land \textit{Trajectory}(f_1,t,f_2,d) \land \neg \textit{Clipped}(t,f_1,t^{'}) \rightarrow \textit{HoldsAt}(f_2,t^{'}) \end{array}$ 

Axiom Happens(e, s)  $\land$  t < s < t'  $\land$  (Terminates(e, f, s)  $\lor$  Releases(e, f, s))  $\rightarrow$  Clipped(t, f, t')

## Typical models of the event calculus



- left-open because fluent *f* does not hold at the moment it is initiated
- a version of Zeno's paradox: there cannot be *both* a last moment at which *f* does not hold and a first moment at which *f* holds
- best to assume last moment at which f does not hold

(四) (종) (종) (종)

### Event calculus: states and scenarios

- goal of the form ?HoldsAt(f, t) or ?Happens(e, t)
- *scenario* describes cognitive representation of agent and environment in language of event calculus
- scenario must be theory of specific syntactic form to be plausible as memory structure
- syntactic form of scenario defined in two steps

#### Definition

A state S(t) at time t is a conjunction of literals involving only

- 1. literals of the form  $(\neg)$ *HoldsAt*(f, t), for t fixed and possibly different f,
- 2. equalities between fluent terms, and between event terms
- 3. equations and inequalities involving real numbers

◆□▶ ◆□▶ ◆三▶ ◆三▶ ● ○ ○ ○

### Definition

A scenario is a conjunction of statements of the form

- 1. Initially(f),
- 2.  $\forall t(S(t) \rightarrow \textit{Initiates}(e, f, t)),$
- 3.  $\forall t(S(t) \rightarrow Terminates(e, f, t)),$
- 4.  $\forall t(S(t) \rightarrow Releases(e, f, t)),$
- 5.  $\forall t, s(S(t,s) \land Happens(e_0,s) \rightarrow Happens(e,t)),$
- 6.  $S(f_1, f_2, t, d) \rightarrow Trajectory(f_1, t, f_2, d),$

where the  $S(t), \ldots$  are states in the sense of definition 1.

◆□▶ ◆□▶ ◆三▶ ◆三▶ ● ○ ○ ○

- axioms for instantaneous change formalize principle of *inertia*: after the cause has stopped acting, the caused state does not change
- this principle is not valid for continuous causation
- *Releases*(*e*, *f*, *t*) stipulates that when *e* happens, *f* is no longer subject to the principle of inertia
- example: crossing the street HoldsAt(distance(x), t) → Trajectory(crossing,t,distance(x + d),d)

◆□▶ ◆□▶ ◆三▶ ◆三▶ ● ○ ○ ○

## Lexical entry for the accomplishment 'cross the street'

- 1. Happens(start, t<sub>0</sub>)
- 2. HoldsAt(crossing, now)
- 3. Initially(one-side)
- 4. Initially(distance(0))
- 5.  $HoldsAt(distance(m), t) \land HoldsAt(crossing, t) \rightarrow Happens(reach, t)$
- 6. Initiates(start, crossing, t)
- 7. Releases(start, distance(0), t)
- 8. Initiates(reach, other-side, t)
- 9. Terminates(reach, crossing, t)
- 10. HoldsAt(distance(x), t)

 $\rightarrow$  Trajectory(crossing,t,distance(x + d),d)

11.  $HoldsAt(distance(x_1), t) \land HoldsAt(distance(x_2), t) \rightarrow x_1 = x_2.$ 

- consider the goal ?  $HoldsAt(other-side, t), t \ge now$
- want to derive plan for achievement of this goal
- do this by backward chaining using axioms of the event calculus and the scenario
- e.g. by axiom 3 reach event must have occurred,
- by scenario 5 this can only be if distance m has been covered
- by axiom 4 this distance can be covered only if the activity *crossing* persists for sufficiently long, *etc*.
- compare this semantic representation with set theoretic representation, such as

 $\{(a, b) \mid cross(a, b)\}$ , s= 'the street'

◆□▶ ◆□▶ ◆三▶ ◆三▶ ● ○ ○ ○

• STATE: John loves his mother.

- STATE: John loves his mother.
- ACTIVITY: Mary played in the park for an hour.

▲□▶ ▲圖▶ ▲目▶ ▲目▶ 目目 のなぐ

- STATE: John loves his mother.
- ACTIVITY: Mary played in the park for an hour.
- ACCOMPLISHMENT: Mary wrote a novel.

- STATE: John loves his mother.
- ACTIVITY: Mary played in the park for an hour.
- ACCOMPLISHMENT: Mary wrote a novel.
- ACHIEVEMENT: John found a Euro on the floor.

<ロト < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > <

- STATE: John loves his mother.
- ACTIVITY: Mary played in the park for an hour.
- ACCOMPLISHMENT: Mary wrote a novel.
- ACHIEVEMENT: John found a Euro on the floor.
- **POINT**: John knocked on the door (for 2 minutes).

<ロト < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > <

- Timelines interpreting interval temporal logic formulas are segmented into strings which serve as semantic representations for tense and aspect.
- The strings have bounded but refinable granularity, suitable for analyzing (im)perfectivity, durativity, telicity, and various relations including branching.

<ロト < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > <

A sentence in the simple past, such as (1a), uttered at (speech) time S can be pictured as a timeline (1b), describing an event E (Ernest explaining) prior to S.

- (1) a. Ernest explained.
  - b.  $E \mid S$  (depicting  $E \prec S$ )

We can view the event E in (1b) as an unbroken point, wholly to the left of S,  $E \prec S$ . By contrast, in the timeline (2a) for the progressive (2b), E splits into three boxes, the middle of which contains also a *reference time* R (Reichenbach, 1947).<sup>1</sup>

- (2) a. E | E, R | E (depicting  $R \sqsubset E$ )
  - b. Ernest explaining

<ロト < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > <

We begin with temporal formulas, which for the sake of brevity, we hereafter call *fluents*. A fluent such as E, R or S can occur as a whole, as E and S do in (1b), or as segmented, as E does in (2a). We formulate the notions of *whole* and *segmented* model-theoretically in section 2, defining a map  $\varphi \mapsto \varphi_{\circ}$  on fluents  $\varphi$  through which the picture (2a) is sharpened to (3) with  $E_{\circ}$  segmented.

(3)  $E_{\circ} | E_{\circ}, \mathbf{R} | E_{\circ}$  (segmented  $E_{\circ}$ , whole  $\mathbf{R}$ )

The map  $\varphi \mapsto \varphi_{\circ}$  is essentially a universal grinder (the right half of an adjoint pair with a universal packager, max)

$$\frac{\text{whole}}{\text{segmented}} \approx \frac{\text{count}}{\text{mass}}$$

イロト イヨト イヨト イヨト 三日

### Fernando's Segmented Event Theory

Fix a set  $\Phi$  of fluents. Fluents in  $\Phi$  are interpreted relative to a  $\Phi$ -timeline, a triple  $\mathfrak{A} = \langle T, \prec, \models \rangle$ consisting of a linear order  $\prec$  on a non-empty set T of (temporal) points, and a binary relation  $\models$ between intervals I (over  $\prec$ ) and fluents  $\varphi \in \Phi$ . An interval is understood here to be a nonempty subset I of T with no holes — i.e.  $t \in I$  whenever  $t_1 \prec t \prec t_2$  for some pair of points  $t_1, t_2$  in  $I.^2$  $I \models \varphi$  is pronounced " $\varphi$  holds at I" or "I satisfies  $\varphi$ " (in  $\mathfrak{A}$ ).

A fluent  $\varphi$  is said to be  $\mathfrak{A}$ -segmented if for all intervals I and I' such that  $I \cup I'$  is an interval,  $\varphi$  holds at I and at I' precisely if it does at their union

$$I \models \varphi \text{ and } I' \models \varphi \iff I \cup I' \models \varphi.$$

A simple way for a fluent  $\varphi$  to be  $\mathfrak{A}$ -segmented is

臣

by holding at an interval I precisely if it holds at all points of I

$$I\models\varphi \iff (\forall t\in I) \ \{t\}\models\varphi$$

in which case we say  $\varphi$  is  $\mathfrak{A}$ -pointed.<sup>3</sup> A fluent is  $\mathfrak{A}$ -singular if at most one interval satisfies it. Generalizing  $\mathfrak{A}$ -singular fluents, we call a fluent  $\varphi \mathfrak{A}$ -whole if for all intervals I and I' such that  $I \cup I'$  is an interval,

$$I \models \varphi \text{ and } I' \models \varphi \text{ implies } I = I'.$$

イロト イヨト イヨト イヨト 三日

### Fernando's Segmented Event Theory

Semelfactives, activities (= processes), achievements (= culminations) and accomplishments (= culminated processes) are commonly differentiated on the basis of durativity and telicity (Moens and Steedman, 1988; Pulman, 1997).

- (12) a. A semelfactive is non-durative and atelic
  - b. An activity is durative but atelic
  - c. An achievement is non-durative but telic
  - d. An accomplishment is telic and durative

Under the present approach based on strings, (12) can be sharpened to (13).

(13) a. A  $\varphi$ -semelfactive  $\geq \langle \supset \rangle \varphi$ b. A  $\varphi$ -activity  $\supseteq \varphi \varphi \varphi^+$  (presupposing  $\varphi$  is  $\mathfrak{A}$ -segmented) c. A  $\psi$ -achievement  $\geq \neg \psi \mid \psi$ d. An accomplishment built from a  $\varphi$ -activity

1

culminating in  $\psi$ 

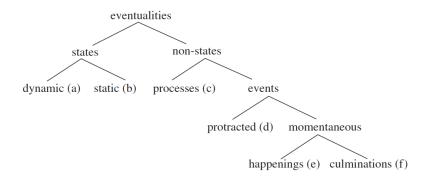
$$\geq \boxed{\varphi, \neg \psi \mid \varphi, \neg \psi \mid \varphi, \neg \psi}^{+} \underbrace{\psi}_{\varphi, \neg \psi} \xrightarrow{\psi}_{\varphi, \neg \psi} \underbrace{\psi}_{\varphi, \neg \psi} \xrightarrow{\psi}_{\varphi, \neg} \underbrace{\psi}_{\varphi, \neg \psi} \xrightarrow{\psi}_{\varphi, \neg} \underbrace{\psi}_{\varphi, \neg \psi} \xrightarrow{\psi}_{\varphi, \neg} \underbrace{\psi}_{\varphi, \neg}$$

### Fernando's Segmented Event Theory

$r \in Allen$	$s_r \in (2^{\{e,e'\}})^+$
e = e'	e,e'
e s e'	e,e' e'
e si $e'$	$e,e' \mid e$
e f $e'$	$e' \mid e, e'$
e fi $e'$	$e \mid e, e'$
e d e'	$e' \mid e, e' \mid e'$
e di $e'$	$e \mid e, e' \mid e$
$e \circ e'$	$e \mid e, e' \mid e'$
e oi $e'$	e'   e, e'   e
<i>e</i> m <i>e</i> ′	e e'
e < e'	e e'
e mi $e'$	e' e
e > e'	$e' \mid e$

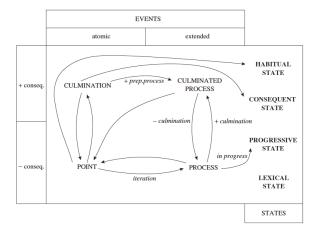
Pustejovsky - Brandeis Computational Event Models

## Bach Eventuality Typology (Bach, 1986)



▲□▶ ▲□▶ ▲三▶ ▲三▶ 三三 - のへで

## Event Transition Graph (Moens and Steedman 1988)



▲□▶ ▲□▶ ▲三▶ ▲三▶ 三三 - のへで

• Certain NP's measure out the event. They are direct objects consumed or created in increments over time (cf. *eat an apple* vs. *push a chart*) (Tenny 1994).

- Certain NP's measure out the event. They are direct objects consumed or created in increments over time (cf. *eat an apple* vs. *push a chart*) (Tenny 1994).
- In Mary drank a glass of wine "every part of the glass of wine being drunk corresponds to a part of the drinking event" (Krifka 1992)

- Certain NP's measure out the event. They are direct objects consumed or created in increments over time (cf. *eat an apple* vs. *push a chart*) (Tenny 1994).
- In Mary drank a glass of wine "every part of the glass of wine being drunk corresponds to a part of the drinking event" (Krifka 1992)
- "Incremental themes are arguments that are completely processed only upon termination of the event, i.e., at its end point" (Dowty 1991).

• Verbs with variable aspectual behavior: they seems to be change of state verbs like other achievements , but allow durational adverbs (Dowty 1979, Hay, Kennedy and Levin 1999, Rappaport Hovav 2008).

イロト イボト イヨト イヨト 二日

- Verbs with variable aspectual behavior: they seems to be change of state verbs like other achievements , but allow durational adverbs (Dowty 1979, Hay, Kennedy and Levin 1999, Rappaport Hovav 2008).
- No implication that exactly the same change of state took place over and over again (no semelfactives).

イロト イヨト イヨト イヨト

æ

- Verbs with variable aspectual behavior: they seems to be change of state verbs like other achievements , but allow durational adverbs (Dowty 1979, Hay, Kennedy and Levin 1999, Rappaport Hovav 2008).
- No implication that exactly the same change of state took place over and over again (no semelfactives).
- Scalar predicates: verbs which lexically specify a change along a scale inasmuch as they denote an ordered set of values for a property of an event argument (Hay, Kennedy and Levin 1999, Rappaport Hovav 2008).

- Verbs with variable aspectual behavior: they seems to be change of state verbs like other achievements , but allow durational adverbs (Dowty 1979, Hay, Kennedy and Levin 1999, Rappaport Hovav 2008).
- No implication that exactly the same change of state took place over and over again (no semelfactives).
- Scalar predicates: verbs which lexically specify a change along a scale inasmuch as they denote an ordered set of values for a property of an event argument (Hay, Kennedy and Levin 1999, Rappaport Hovav 2008).
- For example cool, age, lenghten, shorten; descend.
- Let the soup <u>cool</u> for 10 minutes.
- I went on working until the soup <u>cooled</u>.

◆□▶ ◆□▶ ◆三▶ ◆三▶ ● ○ ○ ○

 Moens and Steedman 1988 analyze point expressions as those that are not normally associated to a consequent state (consequent state defined as no transition to a new state in the world – according to Moens and Steedman a point is an event whose consequences are not at issue in the discourse).

- Moens and Steedman 1988 analyze point expressions as those that are not normally associated to a consequent state (consequent state defined as no transition to a new state in the world – according to Moens and Steedman a point is an event whose consequences are not at issue in the discourse).
- Semelfactives (Smith 1990, Rothstein 2004).

イロト イヨト イヨト イヨト 三日

- Moens and Steedman 1988 analyze point expressions as those that are not normally associated to a consequent state (consequent state defined as no transition to a new state in the world – according to Moens and Steedman a point is an event whose consequences are not at issue in the discourse).
- Semelfactives (Smith 1990, Rothstein 2004).
- \*arrived/landed for five minutes, knocked/tapped for five minutes.

- Moens and Steedman 1988 analyze point expressions as those that are not normally associated to a consequent state (consequent state defined as no transition to a new state in the world – according to Moens and Steedman a point is an event whose consequences are not at issue in the discourse).
- Semelfactives (Smith 1990, Rothstein 2004).
- \*arrived/landed for five minutes, knocked/tapped for five minutes.
- Points admit iterative readings under coercive contexts (Moens and Steedman 1988).

• Bare plurals and mass-terms arguments can make a sentence with a telic predicate behave as if it were 'durative' or 'imperfective' in aspect (Verkuyl 1972).

- Bare plurals and mass-terms arguments can make a sentence with a telic predicate behave as if it were 'durative' or 'imperfective' in aspect (Verkuyl 1972).
- John drank a glass of beer (perfective).

- Bare plurals and mass-terms arguments can make a sentence with a telic predicate behave as if it were 'durative' or 'imperfective' in aspect (Verkuyl 1972).
- John drank a glass of beer (perfective).
- John drank beer (imperfective).

- Bare plurals and mass-terms arguments can make a sentence with a telic predicate behave as if it were 'durative' or 'imperfective' in aspect (Verkuyl 1972).
- John drank a glass of beer (perfective).
- John drank beer (imperfective).

• "A person *leads* somebody somewhere" (PROCESS) vs. "A road *leads* somewhere" (STATE)

- "A person *leads* somebody somewhere" (PROCESS) vs. "A road *leads* somewhere" (STATE)
- "An object *falls* to the ground" (TRANSITION) vs. "A case *falls* into a certain category" (STATE)

#### (1) a. EVENT $\rightarrow$ STATE | PROCESS | TRANSITION

#### (2) a. EVENT $\rightarrow$ STATE | PROCESS | TRANSITION b. STATE: $\rightarrow e$

▲□▶ ▲□▶ ▲目▶ ▲目▶ ― 目 … のへで

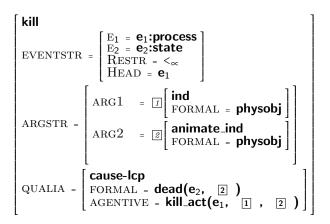
- (3) a. EVENT  $\rightarrow$  STATE | PROCESS | TRANSITION
  - b. STATE:  $\rightarrow e$
  - c. PROCESS:  $\rightarrow e_1 \dots e_n$

▲□▶ ▲□▶ ▲目▶ ▲目▶ ― 目 … のへで

- (4) a. EVENT  $\rightarrow$  STATE | PROCESS | TRANSITION b. STATE:  $\rightarrow e$ 
  - c. PROCESS:  $\rightarrow e_1 \dots e_n$
  - d. TRANSITION<sub>ach</sub>:  $\rightarrow$  STATE STATE

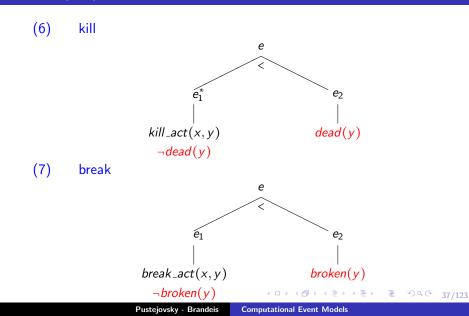
- (5) a. EVENT  $\rightarrow$  STATE | PROCESS | TRANSITION
  - b. STATE:  $\rightarrow e$
  - c. PROCESS:  $\rightarrow e_1 \dots e_n$
  - d. TRANSITION<sub>ach</sub>:  $\rightarrow$  STATE STATE
  - e. TRANSITION<sub>*acc*</sub>:  $\rightarrow$  PROCESS STATE

### Qualia Structure for Causative Pustejovsky (1995)

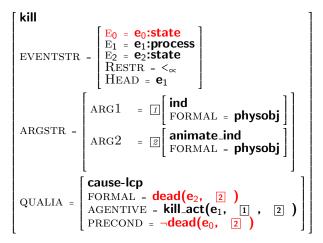


◆□▶ ◆□▶ ◆臣▶ ◆臣▶ 善臣 - のへで

#### Opposition Structure Pustejovsky (2000)

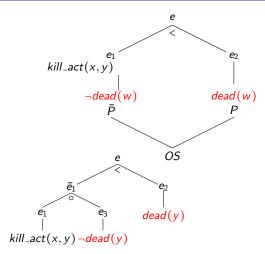


## Qualia Structure with Opposition Structure



・ロト ・ 日 ・ ・ ヨ ・ ・ 日 ・ うへつ

### Opposition is Part of Event Structure



イロト イヨト イヨト イヨト

2

#### • Qualia Structure: Can be interpreted dynamically

▲□▶ ▲□▶ ▲三▶ ▲三▶ 三三 - のへで

- Qualia Structure: Can be interpreted dynamically
- Dynamic Selection: Encodes the way an argument participates in the event

- Qualia Structure: Can be interpreted dynamically
- Dynamic Selection: Encodes the way an argument participates in the event
- Tracking change: Models the dynamics of participant attributes

## Inherent Dynamic Aspect of Qualia Structure

• Parameters of a verb, *P*, extend over sequential frames of interpretation (subevents).

<ロト < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > <

# Inherent Dynamic Aspect of Qualia Structure

- Parameters of a verb, *P*, extend over sequential frames of interpretation (subevents).
- *P* is decomposed into different subpredicates within these events:

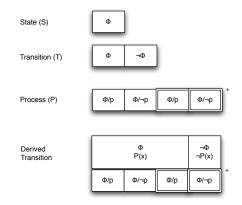
<ロト < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > <

- Parameters of a verb, *P*, extend over sequential frames of interpretation (subevents).
- *P* is decomposed into different subpredicates within these events:

$$\operatorname{Verb}(\operatorname{Arg}_{1}\operatorname{Arg}_{2}) \implies \lambda y \lambda x \overline{P_{1}(x,y)}_{A} \overline{P_{2}(y)}_{F}$$

<ロト < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > <

## Frame-based Event Structure



2nd Conference on CTF, Pustejovsky (2009)

• Events are built up from multiple (stacked) layers of primitive constraints on the individual participants.

- Events are built up from multiple (stacked) layers of primitive constraints on the individual participants.
- There may be many changes taking place within one atomic event, when viewed at the subatomic level.

## Dynamic Interval Temporal Logic

(Pustejovsky and Moszkowicz, 2011)

• Formulas:  $\phi$  propositions. Evaluated in a state, s.

(Pustejovsky and Moszkowicz, 2011)

- Formulas:  $\phi$  propositions. Evaluated in a state, s.
- Programs: α, functions from states to states, s × s. Evaluated over a pair of states, (s, s').

(Pustejovsky and Moszkowicz, 2011)

- Formulas:  $\phi$  propositions. Evaluated in a state, s.
- Programs: α, functions from states to states, s × s. Evaluated over a pair of states, (s, s').
- Temporal Operators:  $\bigcirc \phi$ ,  $\diamondsuit \phi$ ,  $\Box \phi$ ,  $\phi U\psi$ .

- Formulas:  $\phi$  propositions. Evaluated in a state, s.
- Programs: α, functions from states to states, s × s. Evaluated over a pair of states, (s, s').
- Temporal Operators:  $\bigcirc \phi$ ,  $\diamondsuit \phi$ ,  $\Box \phi$ ,  $\phi U\psi$ .
- Program composition:

- Formulas:  $\phi$  propositions. Evaluated in a state, s.
- Programs: α, functions from states to states, s × s. Evaluated over a pair of states, (s, s').
- Temporal Operators:  $\bigcirc \phi$ ,  $\diamondsuit \phi$ ,  $\Box \phi$ ,  $\phi U\psi$ .
- Program composition:
  - 1. They can be ordered,  $\alpha; \beta$  (  $\alpha$  is followed by  $\beta$ );

- Formulas:  $\phi$  propositions. Evaluated in a state, s.
- Programs: α, functions from states to states, s × s. Evaluated over a pair of states, (s, s').
- Temporal Operators:  $\bigcirc \phi$ ,  $\diamondsuit \phi$ ,  $\Box \phi$ ,  $\phi U\psi$ .
- Program composition:
  - 1. They can be ordered,  $\alpha; \beta$  (  $\alpha$  is followed by  $\beta$ );
  - 2. They can be iterated,  $a^*$  (apply a zero or more times);

- Formulas:  $\phi$  propositions. Evaluated in a state, s.
- Programs: α, functions from states to states, s × s. Evaluated over a pair of states, (s, s').
- Temporal Operators:  $\bigcirc \phi$ ,  $\diamondsuit \phi$ ,  $\Box \phi$ ,  $\phi U\psi$ .
- Program composition:
  - 1. They can be ordered,  $\alpha$ ;  $\beta$  (  $\alpha$  is followed by  $\beta$ );
  - 2. They can be iterated,  $a^*$  (apply a zero or more times);
  - 3. They can be disjoined,  $\alpha \cup \beta$  (apply either  $\alpha$  or  $\beta$ );

- Formulas:  $\phi$  propositions. Evaluated in a state, s.
- Programs: α, functions from states to states, s × s. Evaluated over a pair of states, (s, s').
- Temporal Operators:  $\bigcirc \phi$ ,  $\diamondsuit \phi$ ,  $\Box \phi$ ,  $\phi U\psi$ .
- Program composition:
  - 1. They can be ordered,  $\alpha$ ;  $\beta$  (  $\alpha$  is followed by  $\beta$ );
  - 2. They can be iterated,  $a^*$  (apply a zero or more times);
  - 3. They can be disjoined,  $\alpha \cup \beta$  (apply either  $\alpha$  or  $\beta$ );
  - They can be turned into formulas
     [α]φ (after every execution of α, φ is true);
     (α)φ (there is an execution of α, such that φ is true);

- Formulas:  $\phi$  propositions. Evaluated in a state, s.
- Programs: α, functions from states to states, s × s. Evaluated over a pair of states, (s, s').
- Temporal Operators:  $\bigcirc \phi$ ,  $\diamondsuit \phi$ ,  $\Box \phi$ ,  $\phi U\psi$ .
- Program composition:
  - 1. They can be ordered,  $\alpha; \beta$  (  $\alpha$  is followed by  $\beta$ );
  - 2. They can be iterated,  $a^*$  (apply a zero or more times);
  - 3. They can be disjoined,  $\alpha \cup \beta$  (apply either  $\alpha$  or  $\beta$ );
  - They can be turned into formulas
     [α]φ (after every execution of α, φ is true);
     (α)φ (there is an execution of α, such that φ is true);
  - 5. Formulas can become programs,  $\phi$ ? (test to see if  $\phi$  is true, and proceed if so).

- (8) a. Mary was sick today.
  - b. My phone was expensive.
  - c. Sam lives in Boston.

イロト イヨト イヨト イヨト 三日

- (9) a. Mary was sick today.
  - b. My phone was expensive.
  - c. Sam lives in Boston.

We assume that a *state* is defined as a single frame structure (event), containing a proposition, where the frame is temporally indexed, i.e.,  $e^i \rightarrow \phi$  is interpreted as  $\phi$  holding as true at time *i*. The frame-based representation from Pustejovsky and Moszkowicz (2011) can be given as follows:

・ロト ・四ト ・ヨト ・ヨト

3



Pustejovsky - Brandeis Computational Event Models

## (13) $\phi_{e}^{i}$

Propositions can be evaluated over subsequent states, of course, so we need an operation of concatenation, +, which applies to two or more event frames, as illustrated below.

イロト イヨト イヨト イヨト

æ

### (16) $\phi_{e}^{i}$

Propositions can be evaluated over subsequent states, of course, so we need an operation of concatenation, +, which applies to two or more event frames, as illustrated below.

(17) 
$$\phi_e^{i} + \phi_e^{j} = \phi_e^{[i,j]}$$

イロト イヨト イヨト イヨト

æ

## (19) $\phi_{e}^{i}$

Propositions can be evaluated over subsequent states, of course, so we need an operation of concatenation, +, which applies to two or more event frames, as illustrated below.

(20) 
$$\left[\phi\right]_{e}^{i} + \left[\phi\right]_{e}^{j} = \left[\phi\right]_{e}^{[i,j]}$$

Semantic interpretations for these are:

イロト イヨト イヨト イヨト

æ

(22) 
$$\phi_{e}^{i}$$

Propositions can be evaluated over subsequent states, of course, so we need an operation of concatenation, +, which applies to two or more event frames, as illustrated below.

(23) 
$$\left[\phi\right]_{e}^{i} + \left[\phi\right]_{e}^{j} = \left[\phi\right]_{e}^{[ij]}$$

Semantic interpretations for these are:

(24) a. 
$$\llbracket \phi \rrbracket_{M,i} = 1$$
 iff  $V_{M,i}(\phi) = 1$ .  
b.  $\llbracket \phi \phi \rrbracket_{M,\langle i,j\rangle} = 1$  iff  $V_{M,(\phi)} = 1$  and  $V_{M,j}(\phi) = 1$ , where  $i < j$ .

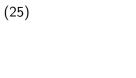
イロト イヨト イヨト イヨト

æ

#### Dynamic Event Structure

ę'

 $\phi$ 

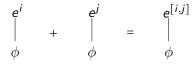


◆□ ▶ ◆□ ▶ ◆臣 ▶ ◆臣 ▶ ○臣 ○ のへで

#### Dynamic Event Structure



Tree structure for event concatenation:



An LTS consists of a 3-tuple,  $\langle S, Act, \rightarrow \rangle$ , where

An LTS consists of a 3-tuple,  $\langle S, Act, \rightarrow \rangle$ , where

(31) a. S is the set of states;
b. Act is a set of actions;
c. → is a total transition relation: →⊆ S × Act × S.

イロト イヨト イヨト イヨト 三日

An LTS consists of a 3-tuple,  $\langle S, Act, \rightarrow \rangle$ , where

(33) a. S is the set of states;
b. Act is a set of actions;
c. → is a total transition relation: →⊆ S × Act × S.

(34)  $(e_1, \alpha, e_2) \in \rightarrow$ 

#### cf. Fernando (2001, 2013)

◆□▶ ◆□▶ ◆三▶ ◆三▶ ● ○ ○ ○

An action,  $\alpha$  provides the labeling on an arrow, making it explicit what brings about a state-to-state transition.

<ロト < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > <

An action,  $\alpha$  provides the labeling on an arrow, making it explicit what brings about a state-to-state transition.

As a shorthand for

An action,  $\alpha$  provides the labeling on an arrow, making it explicit what brings about a state-to-state transition.

As a shorthand for

(37) a.  $(e_1, \alpha, e_2) \in \rightarrow$ , we will also use:

An action,  $\alpha$  provides the labeling on an arrow, making it explicit what brings about a state-to-state transition.

As a shorthand for

(38) a.  $(e_1, \alpha, e_2) \in \rightarrow$ , we will also use:

b. 
$$e_1 \xrightarrow{\alpha} e_3$$

An action,  $\alpha$  provides the labeling on an arrow, making it explicit what brings about a state-to-state transition.

As a shorthand for

(39) a.  $(e_1, \alpha, e_2) \in \rightarrow$ , we will also use:

b. 
$$e_1 \stackrel{\alpha}{\longrightarrow} e_3$$



If reference to the state content (rather than state name) is required for interpretation purposes, then as shorthand for:  $(\{\phi\}_{e_1}, \alpha, \{\neg\phi\}_{e_2}) \in \rightarrow$ , we use:

<ロト < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > <

If reference to the state content (rather than state name) is required for interpretation purposes, then as shorthand for:  $(\{\phi\}_{e_1}, \alpha, \{\neg\phi\}_{e_2}) \in \rightarrow$ , we use:

$$(41) \ \phi_{e_1} \xrightarrow{\alpha} \neg \phi_{e_2}$$



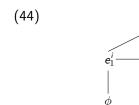
With temporal indexing from a Linear Temporal Logic, we can define a Temporal Labeled Transition System (TLTS). For a state,  $e_1$ , indexed at time i, we say  $e_1@i$ .  $(\{\phi\}_{e_1@i}, \alpha, \{\neg\phi\}_{e_2@i+1}) \in \rightarrow_{(i,i+1)}$ , we use:

◆□▶ ◆□▶ ◆三▶ ◆三▶ ● ○ ○ ○

With temporal indexing from a Linear Temporal Logic, we can define a Temporal Labeled Transition System (TLTS). For a state,  $e_1$ , indexed at time *i*, we say  $e_1@i$ .  $(\{\phi\}_{e_1@i}, \alpha, \{\neg\phi\}_{e_2@i+1}) \in \rightarrow_{(i,i+1)}$ , we use: (43)  $[\phi]_{e_1}^i \xrightarrow{\alpha} [\neg\phi]_{e_2}^{i+1}$ 

◆□▶ ◆□▶ ◆三▶ ◆三▶ ● ○ ○ ○

#### Dynamic Event Structure



52/123

 $e_{2}^{i+1}$ 

 $\neg \phi$ 

 $e^{[i,i+1]}$ 

 $\alpha$ 

(45) Mary awoke from a long sleep.

<ロト < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > <

(47) Mary awoke from a long sleep.

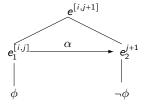
The state of being asleep has a duration, [i, j], who's valuation is gated by the waking event at the "next state", j + 1.

<ロト < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > <

(49) Mary awoke from a long sleep.

The state of being asleep has a duration, [i, j], who's valuation is gated by the waking event at the "next state", j + 1.





(1日) (1日) (日)

2

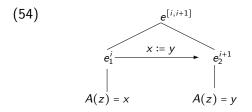
#### Simple First-order Transition

(51)  $x := y \ (\nu\text{-transition})$ "x assumes the value given to y in the next state."  $\langle M, (i, i+1), (u, u[x/u(y)]) \rangle \models x := y$ iff  $\langle M, i, u \rangle \models s_1 \land \langle M, i+1, u[x/u(y)] \rangle \models x = y$ 

<ロト < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > <

#### Simple First-order Transition

(53)  $x := y \ (\nu\text{-transition})$ "x assumes the value given to y in the next state."  $\langle M, (i, i+1), (u, u[x/u(y)]) \rangle \models x := y$ iff  $\langle M, i, u \rangle \models s_1 \land \langle M, i+1, u[x/u(y)] \rangle \models x = y$ 

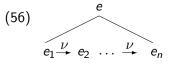


(四) (종) (종) (종)

# With a $\nu$ -transition defined, a *process* can be viewed as simply an iteration of basic variable assignments and re-assignments:

イロト イヨト イヨト イヨト 三日

With a  $\nu$ -transition defined, a *process* can be viewed as simply an iteration of basic variable assignments and re-assignments:



(日本)(日本)(日本)(日本)(日本)